

Helbig, Marko; Witte, Herbert; Schack, Bärbel:

**Zeitvariante Kreuzbispektralanalyse in der Biosignalanalyse**

---

<i>Zuerst erschienen in:</i>	Biomedizinische Technik = Biomedical Engineering. - Berlin [u.a.] : de Gruyter. - 48 (2003), S1, S. 184-185. Jahrestagung der Deutschen, der Österreichischen und der Schweizerischen Gesellschaften für Biomedizinische Technik ; (Salzburg) : 2003.09.25-27
<i>Erstveröffentlichung:</i>	2003
<i>Datum Digitalisierung:</i>	2009-10-23
<i>ISSN (online):</i>	1862-278X
<i>ISSN(print)</i>	0013-5585
<i>DOI:</i>	<a href="https://doi.org/10.1515/bmte.2003.48.s1.184">10.1515/bmte.2003.48.s1.184</a>
<i>[Zuletzt gesehen:</i>	2019-12-12]

„Im Rahmen der hochschulweiten Open-Access-Strategie für die Zweitveröffentlichung identifiziert durch die Universitätsbibliothek Ilmenau.“

“Within the academic Open Access Strategy identified for deposition by Ilmenau University Library.”

„Dieser Beitrag ist mit Zustimmung des Rechteinhabers aufgrund einer (DFG-geförderten) Allianz- bzw. Nationallizenz frei zugänglich.“

„This publication is with permission of the rights owner freely accessible due to an Alliance licence and a national licence (funded by the DFG, German Research Foundation) respectively.“



# ZEITVARIANTE KREUZBISPEKTRALANALYSE IN DER BIOSIGNALANALYSE

M. Helbig<sup>1</sup>, H. Witte<sup>2</sup>, B. Schack<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Institut für Biomedizinische Technik und Informatik, TU Ilmenau, Deutschland

<sup>2</sup>Institut für Medizinische Statistik, Informatik und Dokumentation, FSU Jena, Deutschland

E-Mail: Marko.Helbig@tu-ilmenau.de

**SUMMARY:** An appropriate investigation of quadratic phase couplings (QPC) in non-stationary signals requires time-variant methods of bispectral analysis. The approach of time-variant bispectral analysis based on the adaptively recursively estimated 3<sup>rd</sup>-order cumulants is generalised as 3<sup>rd</sup>-order cross-cumulant estimation for time-variant cross-bispectral analysis. The aim of this study is the investigation of its functionality and its dynamical and statistical properties in comparison with the known properties of the (auto-)bispectral and bicoherence analysis.

## FINLEITUNG

Mit Hilfe der Bispektralanalyse ist es möglich, quadratische Phasenkopplungen zwischen Frequenzkomponenten zu analysieren. Die auf ein festes Zeitintervall bezogene Bispektralanalyse setzt Signalanforderungen (vor allem Stationarität) voraus, denen reale Biosignale zumeist nicht genügen. In diesem Sinne sind für das Bispektrum besonders transient auftretende quadratische Phasenkopplungen bedeutsam. Daraus folgt, dass zur Analyse dieser sich zeitlich ändernden Phänomene auch eine zeitvariante Bispektralanalyse mit einer ausreichend hohen Auflösung im Spektralbereich erforderlich ist. Aus diesem Grunde wurde eine Methode der dynamischen Auto-Bispektralanalyse auf der Basis einer adaptiven rekursiven Schätzung der Kumulanten III. Ordnung entwickelt und in [1] vorgestellt.

In dieser Arbeit wird diese Methodik zur zeitvarianten Kreuz-Bispektralanalyse und ihrer normierten Form, der Kreuz-Bikohärenzanalyse erweitert und verallgemeinert. Ziel ist es, die Funktionsfähigkeit dieser erweiterten Methode zu testen und Erfahrungen zu sammeln, um sie in einer anschließenden Studie sicher anwenden zu können.

$$ICCF_{xyz}^{(i)}(\tau_1, \tau_2, k) = x^{(i)}(s) \cdot y^{(i)}(s + \tau_1) \cdot z^{(i)}(s + \tau_2) \tag{1}$$

$$CC_{xyz}^{(i)}(\tau_1, \tau_2, k) = CC_{xyz}^{(i)}(\tau_1, \tau_2, k - 1) + c(k) \cdot [ICCF_{xyz}^{(i)}(\tau_1, \tau_2, k) - CC_{xyz}^{(i)}(\tau_1, \tau_2, k - 1)] \tag{2}$$

$$B_{xyz}^{(i)}(\omega_1, \omega_2, k) = \sum_{\tau_1=-L}^L \sum_{\tau_2=-L}^L CC_{xyz}^{(i)}(\tau_1, \tau_2, k) \cdot \exp\{-j \cdot (\omega_1 \tau_1 + \omega_2 \tau_2)\} \tag{3}$$

$$\hat{B}_{xyz}(\omega_1, \omega_2, k) = \frac{1}{N} \cdot \sum_{i=1}^N B_{xyz}^{(i)}(\omega_1, \omega_2, k) \tag{4}$$

mit  $i = 1, 2, \dots, N$ ,  $k = 0, 1, 2, \dots, M - 1$  und  $s = \min\{k, k + \tau_1, k - \tau_2\}$

## METHODEN

Es seien  $X = \{x^{(i)}(k)\}_{k=0,1,2,\dots}$ ,  $Y = \{y^{(i)}(k)\}_{k=0,1,2,\dots}$  und  $Z = \{z^{(i)}(k)\}_{k=0,1,2,\dots}$  Zeitreihen dreier Signale. Der in [1] vorgestellte Algorithmus der adaptiven rekursiven Kumulantenschätzung III. Ordnung beinhaltet die adaptive rekursive Mittelwertschätzung einer momentanen Kumulantenfunktion. Dieser Ansatz wird in dieser Arbeit zur adaptiven rekursiven Mittelung einer momentanen Kreuz-Kumulantenfunktion ICCF (instantaneous cross-cumulant function) verallgemeinert (1,2). Die anschließende 2-dimensionale Fouriertransformation ergibt eine Sequenz zeitvarianter Bispektren (3). Im Falle getriggelter Datensätze können die zeitgleichen dynamischen Bispektren noch über alle Realisierungen gemittelt werden (4).

Um numerische Effekte bei der zeitvarianten Kreuz-Bikohärenzschätzung zu vermeiden und einen numerisch stabilen Wertebereich zwischen 0 und 1 zu garantieren, wird analog zur Auto-Bikohärenzanalyse der in [2] vorgestellte Normierungsalgorithmus verwendet.

$$\hat{b}_{xyz}(\omega_1, \omega_2, k) = \frac{\left\langle \left| B_{xyz}^{(i)}(\omega_1, \omega_2, k) \right| \right\rangle}{\sqrt{\left\langle \left| B_{xyz}^{(i)}(\omega_1, \omega_2, k) \right|^2 \right\rangle}} \tag{5}$$

Wird nur die reine Phasenbeziehung (Biphase) betrachtet, so resultiert die Kreuz-Phasenbikohärenz:

$$\hat{\Gamma}_{xyz}(\omega_1, \omega_2, k) = \left\langle \exp(j \varphi_{xyz}^{(i)}(\omega_1, \omega_2, k)) \right\rangle$$

mit:  $\varphi_{xyz}^{(i)}(\omega_1, \omega_2, k) = \arctan \left( \frac{\text{Im}[B_{xyz}^{(i)}(\omega_1, \omega_2, k)]}{\text{Re}[B_{xyz}^{(i)}(\omega_1, \omega_2, k)]} \right) \tag{6}$

## ERGEBNISSE

Die Untersuchungen zur Funktionalität der vorgestellten Methode zeigen identische dynamische und statistische Eigenschaften wie die der Auto-Bispektralanalyse. Unterschiede bestehen lediglich im notwendigen Berechnungsaufwand und dem Interpretationsgehalt der resultierenden Matrizen. Bei der Kreuzbispektralanalyse kann nicht davon ausgegangen werden, dass die gekoppelten Frequenzkomponenten in allen drei Signalen gleichermaßen enthalten sind. Die bekannten Symmetrieeigenschaften des Auto-Bispektrums gelten deshalb beim Kreuz-Bispektrum nicht. Aus diesem Grunde müssen im Falle zweier Eingangssignale  $x$ ,  $y$  und mindestens drei der sechs in Abb. 1 gekennzeichneten Bereiche berechnet werden. Im Falle dreier Eingangssignale  $x$ ,  $y$ ,  $z$  müssen alle sechs Symmetriefelder berechnet werden, um über  $B_{xyz}^{(i)}(\omega_1, \omega_2, k) = B_{xyz}^{(i)}(-\omega_1, -\omega_2, k)$  auf die gesamte Bispektrum-Matrix schließen zu können.

Je nach dem, welche der quadratisch phasengekoppelten Frequenzen in  $x$  und / oder  $y$  und / oder  $z$  enthalten sind, wird die Kopplung als Peak in einem oder mehreren bestimmten Symmetriefeldern widergespiegelt. Somit kann auch umgekehrt aus der Position des/der Peaks im Kreuz-Bispektrum auf das die entsprechende(n) Frequenz(en) enthaltende Signal geschlossen werden: **1**, **2**:  $f_x=f_1$ ,  $f_y=f_2$ ,  $f_z=f_1+f_2$ ; **3**, **4**:  $f_x=f_1$ ,  $f_y=-f_2$ ,  $f_z=f_1+f_2$  und **5**, **6**:  $f_x=f_1$ ,  $f_y=-f_2$ ,  $f_z=-f_1-f_2$ . Für die Bikhärenz- und Phasenbikhärenzmatrizen gelten diese Symmetrien in analoger Weise. Somit ist wesentlich, in welcher Reihenfolge die Eingangssignale in den Berechnungsalgorithmus eingehen. Das folgende Simulationssignal verdeutlicht dies.

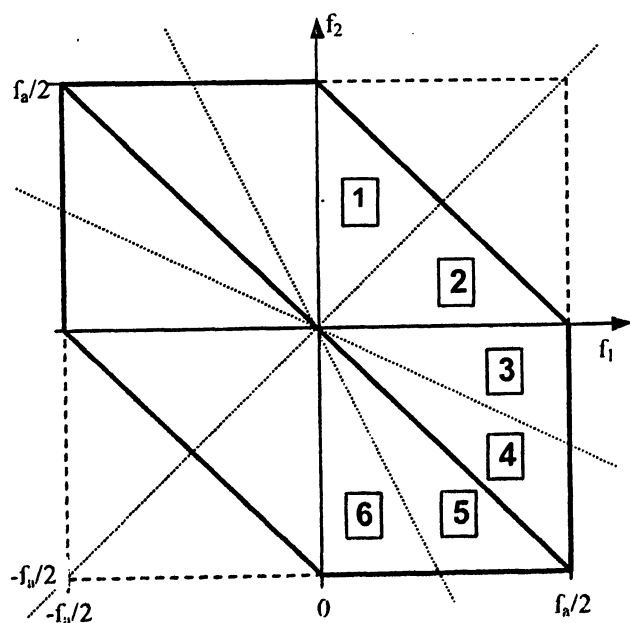


Abbildung 1: Symmetriebereiche des Kreuz-Bispektrums

Jedes der Signale  $x(k)$ ,  $y(k)$  und  $z(k)$  beinhalte u. a. die Frequenzkomponenten  $f_1=3\text{Hz}$ ,  $f_2=7\text{Hz}$  und  $f_3=f_1+f_2=10\text{Hz}$ . Während alle drei Auto-Bikhärenzen keine signifikanten Werte liefern, zeigt die Kreuz-Bikhärenz  $\hat{b}_{xyz}$  einen signifikanten Peak im Symmetriefeld **3**. Daraus kann abgeleitet werden, dass eine quadratische Phasenkopplung zwischen  $f_1$  von  $y(t)$ ,  $f_2$  von  $z(k)$  und  $f_3$  von  $x(k)$  besteht. Alle anderen Varianten möglicher quadratischer Phasenkopplungen zwischen  $x$ ,  $y$  und  $z$  erweisen sich als nicht existent.

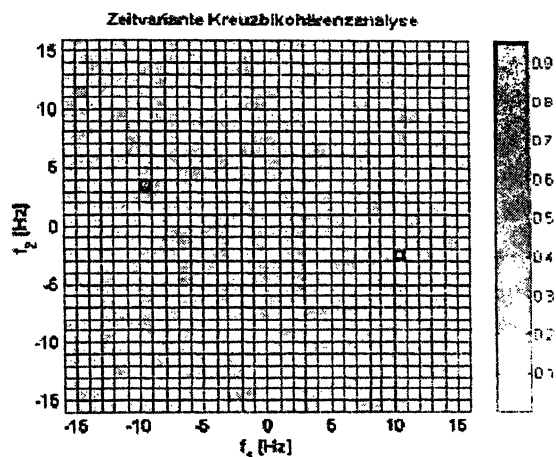


Abbildung 2: Kreuzbikhärenz des Simulationssignals

## SCHLUSSFOLGERUNGEN

Die bewährte Methode der zeitvarianten Bispektralanalyse auf der Basis der adaptiven rekursiven Kumulantenschätzung konnte erfolgreich und ohne Einschränkungen auf die Kreuz-Bispektralanalyse ausgebaut werden. Die Effizienz des Einsatzes adaptiver rekursiver Schätzungen, insbesondere als Basisalgorithmus zur Analyse fortlaufender Signale, konnte auch anhand dieser komplexen Kenngrößen bestätigt werden.

Die hier vorgestellte und getestete Methode zur zeitvarianten Kreuz-Bispektral- und Bikhärenzanalyse wird in einer folgenden Studie angewendet, um Phasenkopplungsphänomene zwischen Frequenzkomponenten im EMG und MEG von Parkinson-Patienten mit Ruhe-Tremor hoch aufgelöst zu analysieren.

## LITERATURHINWEISE

- [1] Helbig, M., Griebbach, G., Schack, B., Witte, H. „Application of time-variant bispectrum in biosignal analysis“, *Med. & Biol. Eng. & Comput.* 37, Supplement 2, 392-393, 1999
- [2] Helbig, M., Griebbach, G., Witte, H., Schack, B. „Numerisch stabile Normierung des indukt geschätzten Bispektrums“, *Biomedizinische Technik*, 46 (Ergänzungsband 1), 318-319, 2001

Diese Arbeit wurde gefördert durch die DFG Projekte GR 1555/2-3 und WI 1166/2-3.